

## 2015학년도 대학수학능력시험 문제 및 정답

- 매교시 종료 후 탑재됩니다.(맹인 수험생 시험시간 기준)
- 모든 문제 및 정답은 PDF파일로 되어 있습니다.(단, 듣기 파일은 MP3파일)
- 탑재된 파일은 수험생에게 제공된 문제지와 다르게 보일 수도 있습니다.

### 저작권 안내

이 문제지에 관한 저작권은 한국교육과정평가원에 있습니다.  
한국교육과정평가원의 허락없이 문제의 일부 또는 전부를 무단 복제, 배포, 출판,  
전자출판 하는 등 저작권을 침해하는 일체의 행위를 금합니다.



제 2 교시

# 수학 영역(A형)

출수형

5지선다형

1.  $5 \times 8^{\frac{1}{3}}$ 의 값은? [2점]

- ① 10      ② 15      ③ 20      ④ 25      ⑤ 30

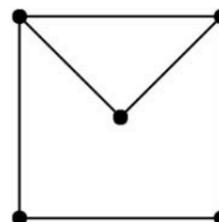
2. 두 행렬  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$ 에 대하여 행렬  $A+B$ 의 모든 성분의 합은? [2점]

- ① 5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

3.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n^2 + 6}{n^2 + 3n}$ 의 값은? [2점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

4. 다음 그래프의 각 꼭짓점 사이의 연결 관계를 나타내는 행렬의 성분 중 0의 개수는? [3점]



- ① 9      ② 11      ③ 13      ④ 15      ⑤ 17

5. 공비가 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_1 = 3$ ,  $a_5 = 48$ 일 때,  $a_3$ 의 값은? [3점]

- ① 18      ② 16      ③ 14      ④ 12      ⑤ 10

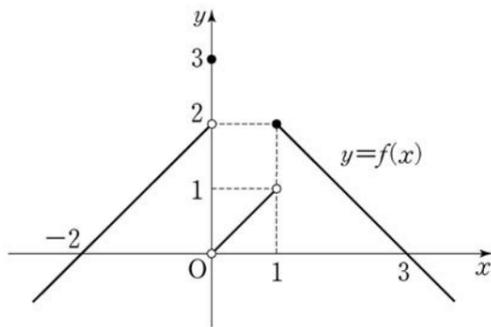
7. 다항식  $(x+a)^6$ 의 전개식에서  $x^4$ 의 계수가 60일 때, 양수  $a$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

6.  $\int_0^1 (2x+a) dx = 4$ 일 때, 상수  $a$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

8. 함수  $y=f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow -0} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1+0} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

9. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합  $S_n$ 이

$S_n = \frac{n}{n+1}$  일 때,  $a_4$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{22}$       ②  $\frac{1}{20}$       ③  $\frac{1}{18}$       ④  $\frac{1}{16}$       ⑤  $\frac{1}{14}$

10. 디지털 사진을 압축할 때 원본 사진과 압축한 사진의 다른 정도를 나타내는 지표인 최대 신호 대 잡음비를  $P$ , 원본 사진과 압축한 사진의 평균제곱오차를  $E$ 라 하면 다음과 같은 관계식이 성립한다고 한다.

$$P = 20 \log 255 - 10 \log E \quad (E > 0)$$

두 원본 사진  $A, B$ 를 압축했을 때 최대 신호 대 잡음비를 각각  $P_A, P_B$ 라 하고, 평균제곱오차를 각각  $E_A (E_A > 0), E_B (E_B > 0)$ 이라 하자.  $E_B = 100E_A$ 일 때,  $P_A - P_B$ 의 값은?

[3점]

- ① 30      ② 25      ③ 20      ④ 15      ⑤ 10

11. 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_1 = 3$ ,  $a_2 = 1$ 일 때,

$\sum_{n=1}^{\infty} (a_n)^2$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{81}{8}$       ②  $\frac{83}{8}$       ③  $\frac{85}{8}$       ④  $\frac{87}{8}$       ⑤  $\frac{89}{8}$

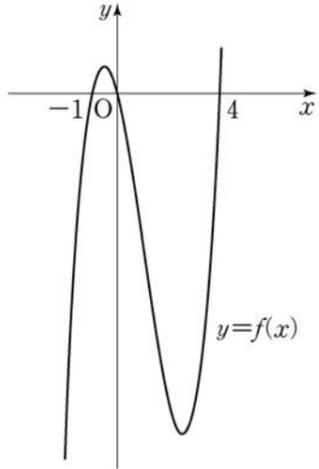
12. 어느 연구소에서 토마토 모종을 심은 지 3주가 지났을 때 토마토 줄기의 길이를 조사한 결과 토마토 줄기의 길이는 평균이 30cm, 표준편차가 2cm인 정규분포를 따른다고 한다.

이 연구소에서 토마토 모종을 심은 지 3주가 지났을 때 토마토 줄기 중 임의로 선택한 줄기의 길이가 27cm 이상이고 32cm 이하일 확률을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

| $z$ | $P(0 \leq Z \leq z)$ |
|-----|----------------------|
| 1.0 | 0.3413               |
| 1.5 | 0.4332               |
| 2.0 | 0.4772               |
| 2.5 | 0.4938               |

- ① 0.6826      ② 0.7745      ③ 0.8185  
 ④ 0.9104      ⑤ 0.9270

[13~14] 함수  $f(x) = x(x+1)(x-4)$ 에 대하여 13번과 14번의 두 물음에 답하시오.



13. 행렬  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ 에 대하여  $A \begin{pmatrix} 0 \\ f(a) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ 을 만족시키는 모든 상수  $a$ 의 값의 합은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

14. 직선  $y = 5x + k$ 와 함수  $y = f(x)$ 의 그래프가 서로 다른 두 점에서 만날 때, 양수  $k$ 의 값은? [4점]

- ① 5      ②  $\frac{11}{2}$       ③ 6      ④  $\frac{13}{2}$       ⑤ 7

15. 지수부등식  $\left(\frac{1}{5}\right)^{1-2x} \leq 5^{x+4}$ 을 만족시키는 모든 자연수  $x$ 의 값의 합은? [4점]

- ① 11      ② 12      ③ 13      ④ 14      ⑤ 15

16. 두 사건  $A, B$ 에 대하여

$$P(A) = \frac{1}{3}, \quad P(A \cap B) = \frac{1}{8}$$

일 때,  $P(B^C | A)$ 의 값은? (단,  $B^C$ 은  $B$ 의 여사건이다.) [4점]

- ①  $\frac{11}{24}$       ②  $\frac{1}{2}$       ③  $\frac{13}{24}$       ④  $\frac{7}{12}$       ⑤  $\frac{5}{8}$

17. 등차수열  $\{a_n\}$ 이  $\sum_{k=1}^n a_{2k-1} = 3n^2 + n$ 을 만족시킬 때,  $a_8$ 의 값은? [4점]

- ① 16      ② 19      ③ 22      ④ 25      ⑤ 28

18. 연립방정식

$$\begin{cases} x+y+z+3w=14 \\ x+y+z+w=10 \end{cases}$$

을 만족시키는 음이 아닌 정수  $x, y, z, w$ 의 모든 순서쌍  $(x, y, z, w)$ 의 개수는? [4점]

- ① 40      ② 45      ③ 50      ④ 55      ⑤ 60

19. 두 이차정사각행렬  $A, B$ 가

$$A^2 - AB = 3E, \quad A^2B - B^2A = A + B$$

를 만족시킬 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?  
(단,  $E$ 는 단위행렬이다.) [4점]

<보 기>

ㄱ.  $A$ 의 역행렬이 존재한다.

ㄴ.  $AB = BA$

ㄷ.  $(A+2B)^2 = 24E$

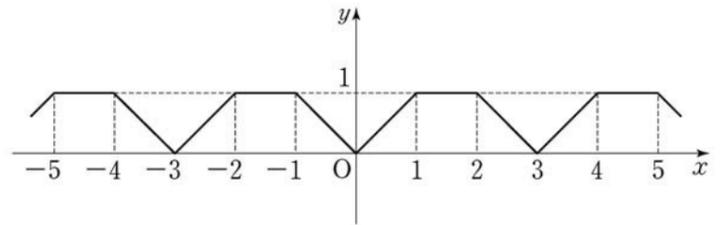
- ① ㄱ                      ② ㄷ                      ③ ㄱ, ㄴ  
 ④ ㄴ, ㄷ                ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

20. 함수  $f(x)$ 는 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x+3) = f(x)$ 를 만족시키고,

$$f(x) = \begin{cases} x & (0 \leq x < 1) \\ 1 & (1 \leq x < 2) \\ -x+3 & (2 \leq x < 3) \end{cases}$$

이다.  $\int_{-a}^a f(x)dx = 13$ 일 때, 상수  $a$ 의 값은? [4점]

- ① 10            ② 12            ③ 14            ④ 16            ⑤ 18



21. 다음 조건을 만족시키는 모든 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여  $f(2)$ 의 최솟값은? [4점]

- (가)  $f(x)$ 의 최고차항의 계수는 1이다.
- (나)  $f(0) = f'(0)$
- (다)  $x \geq -1$ 인 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x) \geq f'(x)$ 이다.

- ① 28      ② 33      ③ 38      ④ 43      ⑤ 48

단답형

22.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(x+7)}{x}$ 의 값을 구하시오. [3점]

23. 함수

$$f(x) = \begin{cases} 2x+10 & (x < 1) \\ x+a & (x \geq 1) \end{cases}$$

이 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 상수  $a$ 의 값을 구하시오. [3점]

24. 두 수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 4, \quad \sum_{n=1}^{\infty} b_n = 10$$

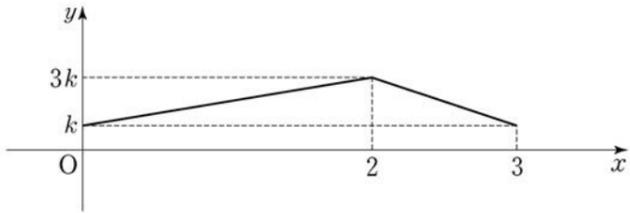
일 때,  $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n + 5b_n)$ 의 값을 구하시오. [3점]

25. 확률변수  $X$ 가 이항분포  $B\left(n, \frac{1}{3}\right)$ 을 따르고  $V(3X) = 40$ 일 때,  
 $n$ 의 값을 구하시오. [3점]

26. 다항함수  $f(x)$ 의 도함수  $f'(x)$ 가  $f'(x) = 6x^2 + 4$ 이다.

함수  $y = f(x)$ 의 그래프가 점  $(0, 6)$ 을 지날 때,  $f(1)$ 의 값을 구하시오. [4점]

27. 구간  $[0, 3]$ 의 모든 실수 값을 가지는 연속확률변수  $X$ 에 대하여  $X$ 의 확률밀도함수의 그래프는 그림과 같다.



$P(0 \leq X \leq 2) = \frac{q}{p}$ 라 할 때,  $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단,  $k$ 는 상수이고,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

28. 자연수  $k$ 에 대하여

$$a_k = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\left(\frac{6}{k}\right)^{n+1}}{\left(\frac{6}{k}\right)^n + 1}$$

이러 할 때,  $\sum_{k=1}^{10} ka_k$ 의 값을 구하시오. [4점]

29. 두 다항함수  $f(x)$ 와  $g(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$g(x) = (x^3 + 2)f(x)$$

를 만족시킨다.  $g(x)$ 가  $x=1$ 에서 극솟값 24를 가질 때,  $f(1) - f'(1)$ 의 값을 구하시오. [4점]

30. 좌표평면에서 자연수  $n$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 삼각형 OAB의 개수를  $f(n)$ 이라 할 때,  $f(1) + f(2) + f(3)$ 의 값을 구하시오. (단, O는 원점이다.) [4점]

(가) 점 A의 좌표는  $(-2, 3^n)$ 이다.

(나) 점 B의 좌표를  $(a, b)$ 라 할 때,  $a$ 와  $b$ 는 자연수이고  $b \leq \log_2 a$ 를 만족시킨다.

(다) 삼각형 OAB의 넓이는 50 이하이다.

\* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(A형)

짜수형

5지선다형

1.  $5 \times 8^{\frac{1}{3}}$ 의 값은? [2점]

- ① 10
- ② 15
- ③ 20
- ④ 25
- ⑤ 30

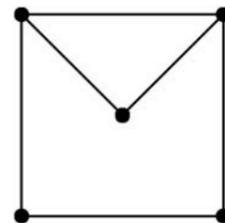
2. 두 행렬  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$ 에 대하여 행렬  $A+B$ 의 모든 성분의 합은? [2점]

- ① 5
- ② 6
- ③ 7
- ④ 8
- ⑤ 9

3.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n^2 + 6}{n^2 + 3n}$ 의 값은? [2점]

- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- ④ 4
- ⑤ 5

4. 다음 그래프의 각 꼭짓점 사이의 연결 관계를 나타내는 행렬의 성분 중 0의 개수는? [3점]



- ① 17
- ② 15
- ③ 13
- ④ 11
- ⑤ 9

5. 공비가 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_1 = 3$ ,  $a_5 = 48$ 일 때,  $a_3$ 의 값은? [3점]

- ① 10      ② 12      ③ 14      ④ 16      ⑤ 18

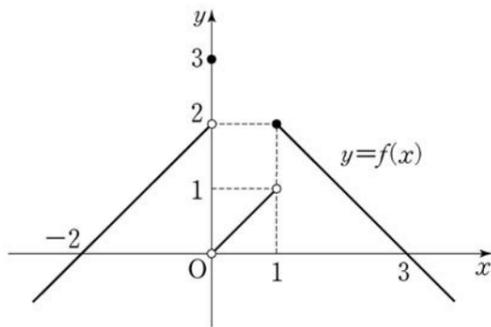
7. 다항식  $(x+a)^6$ 의 전개식에서  $x^4$ 의 계수가 60일 때, 양수  $a$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

6.  $\int_0^1 (2x+a) dx = 4$ 일 때, 상수  $a$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

8. 함수  $y=f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow -0} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1+0} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

9. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합  $S_n$ 이

$S_n = \frac{n}{n+1}$  일 때,  $a_4$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{14}$       ②  $\frac{1}{16}$       ③  $\frac{1}{18}$       ④  $\frac{1}{20}$       ⑤  $\frac{1}{22}$

10. 디지털 사진을 압축할 때 원본 사진과 압축한 사진의 다른 정도를 나타내는 지표인 최대 신호 대 잡음비를  $P$ , 원본 사진과 압축한 사진의 평균제곱오차를  $E$ 라 하면 다음과 같은 관계식이 성립한다고 한다.

$$P = 20 \log 255 - 10 \log E \quad (E > 0)$$

두 원본 사진  $A, B$ 를 압축했을 때 최대 신호 대 잡음비를 각각  $P_A, P_B$ 라 하고, 평균제곱오차를 각각  $E_A (E_A > 0), E_B (E_B > 0)$ 이라 하자.  $E_B = 100E_A$ 일 때,  $P_A - P_B$ 의 값은?

[3점]

- ① 10      ② 15      ③ 20      ④ 25      ⑤ 30

11. 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_1 = 3$ ,  $a_2 = 1$ 일 때,

$\sum_{n=1}^{\infty} (a_n)^2$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{89}{8}$       ②  $\frac{87}{8}$       ③  $\frac{85}{8}$       ④  $\frac{83}{8}$       ⑤  $\frac{81}{8}$

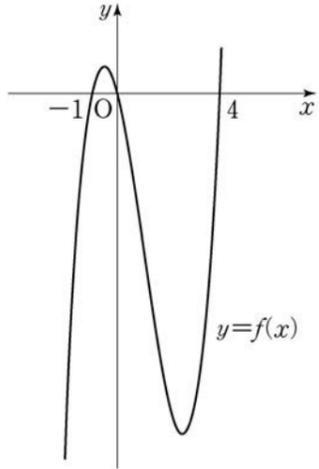
12. 어느 연구소에서 토마토 모종을 심은 지 3주가 지났을 때 토마토 줄기의 길이를 조사한 결과 토마토 줄기의 길이는 평균이 30cm, 표준편차가 2cm인 정규분포를 따른다고 한다.

이 연구소에서 토마토 모종을 심은 지 3주가 지났을 때 토마토 줄기 중 임의로 선택한 줄기의 길이가 27cm 이상이고 32cm 이하일 확률을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

| $z$ | $P(0 \leq Z \leq z)$ |
|-----|----------------------|
| 1.0 | 0.3413               |
| 1.5 | 0.4332               |
| 2.0 | 0.4772               |
| 2.5 | 0.4938               |

- ① 0.6826      ② 0.7745      ③ 0.8185  
 ④ 0.9104      ⑤ 0.9270

[13~14] 함수  $f(x) = x(x+1)(x-4)$ 에 대하여 13번과 14번의 두 물음에 답하시오.



13. 행렬  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ 에 대하여  $A \begin{pmatrix} 0 \\ f(a) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ 을 만족시키는 모든 상수  $a$ 의 값의 합은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

14. 직선  $y = 5x + k$ 와 함수  $y = f(x)$ 의 그래프가 서로 다른 두 점에서 만날 때, 양수  $k$ 의 값은? [4점]

- ① 5      ②  $\frac{11}{2}$       ③ 6      ④  $\frac{13}{2}$       ⑤ 7

15. 지수부등식  $\left(\frac{1}{5}\right)^{1-2x} \leq 5^{x+4}$ 을 만족시키는 모든 자연수  $x$ 의 값의 합은? [4점]

- ① 11      ② 12      ③ 13      ④ 14      ⑤ 15

16. 두 사건  $A, B$ 에 대하여

$$P(A) = \frac{1}{3}, \quad P(A \cap B) = \frac{1}{8}$$

일 때,  $P(B^C | A)$ 의 값은? (단,  $B^C$ 은  $B$ 의 여사건이다.) [4점]

- ①  $\frac{5}{8}$       ②  $\frac{7}{12}$       ③  $\frac{13}{24}$       ④  $\frac{1}{2}$       ⑤  $\frac{11}{24}$

17. 등차수열  $\{a_n\}$ 이  $\sum_{k=1}^n a_{2k-1} = 3n^2 + n$ 을 만족시킬 때,  $a_8$ 의 값은? [4점]

- ① 16      ② 19      ③ 22      ④ 25      ⑤ 28

18. 연립방정식

$$\begin{cases} x+y+z+3w=14 \\ x+y+z+w=10 \end{cases}$$

을 만족시키는 음이 아닌 정수  $x, y, z, w$ 의 모든 순서쌍  $(x, y, z, w)$ 의 개수는? [4점]

- ① 40      ② 45      ③ 50      ④ 55      ⑤ 60

19. 두 이차정사각행렬  $A, B$ 가

$$A^2 - AB = 3E, \quad A^2B - B^2A = A + B$$

를 만족시킬 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?  
(단,  $E$ 는 단위행렬이다.) [4점]

<보 기>

ㄱ.  $A$ 의 역행렬이 존재한다.

ㄴ.  $AB = BA$

ㄷ.  $(A+2B)^2 = 24E$

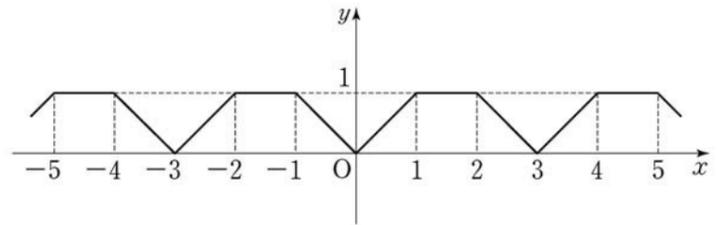
- ① ㄱ                      ② ㄷ                      ③ ㄱ, ㄴ  
 ④ ㄴ, ㄷ                  ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

20. 함수  $f(x)$ 는 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x+3) = f(x)$ 를 만족시키고,

$$f(x) = \begin{cases} x & (0 \leq x < 1) \\ 1 & (1 \leq x < 2) \\ -x+3 & (2 \leq x < 3) \end{cases}$$

이다.  $\int_{-a}^a f(x)dx = 13$ 일 때, 상수  $a$ 의 값은? [4점]

- ① 10            ② 12            ③ 14            ④ 16            ⑤ 18



21. 다음 조건을 만족시키는 모든 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여  $f(2)$ 의 최솟값은? [4점]

- (가)  $f(x)$ 의 최고차항의 계수는 1이다.  
 (나)  $f(0) = f'(0)$   
 (다)  $x \geq -1$ 인 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x) \geq f'(x)$ 이다.

- ① 28      ② 33      ③ 38      ④ 43      ⑤ 48

단답형

22.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(x+7)}{x}$ 의 값을 구하시오. [3점]

23. 함수

$$f(x) = \begin{cases} 2x+10 & (x < 1) \\ x+a & (x \geq 1) \end{cases}$$

이 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 상수  $a$ 의 값을 구하시오. [3점]

24. 두 수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 4, \quad \sum_{n=1}^{\infty} b_n = 10$$

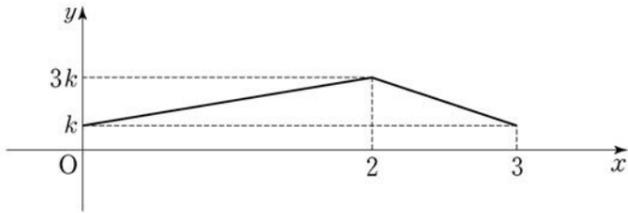
일 때,  $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n + 5b_n)$ 의 값을 구하시오. [3점]

25. 확률변수  $X$ 가 이항분포  $B\left(n, \frac{1}{3}\right)$ 을 따르고  $V(3X) = 40$ 일 때,  
 $n$ 의 값을 구하시오. [3점]

26. 다항함수  $f(x)$ 의 도함수  $f'(x)$ 가  $f'(x) = 6x^2 + 4$ 이다.

함수  $y = f(x)$ 의 그래프가 점  $(0, 6)$ 을 지날 때,  $f(1)$ 의 값을 구하시오. [4점]

27. 구간  $[0, 3]$ 의 모든 실수 값을 가지는 연속확률변수  $X$ 에 대하여  $X$ 의 확률밀도함수의 그래프는 그림과 같다.



$P(0 \leq X \leq 2) = \frac{q}{p}$ 라 할 때,  $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단,  $k$ 는 상수이고,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

28. 자연수  $k$ 에 대하여

$$a_k = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\left(\frac{6}{k}\right)^{n+1}}{\left(\frac{6}{k}\right)^n + 1}$$

이러 할 때,  $\sum_{k=1}^{10} ka_k$ 의 값을 구하시오. [4점]

29. 두 다항함수  $f(x)$ 와  $g(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$g(x) = (x^3 + 2)f(x)$$

를 만족시킨다.  $g(x)$ 가  $x=1$ 에서 극솟값 24를 가질 때,  $f(1) - f'(1)$ 의 값을 구하시오. [4점]

30. 좌표평면에서 자연수  $n$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 삼각형 OAB의 개수를  $f(n)$ 이라 할 때,  $f(1) + f(2) + f(3)$ 의 값을 구하시오. (단, O는 원점이다.) [4점]

(가) 점 A의 좌표는  $(-2, 3^n)$ 이다.

(나) 점 B의 좌표를  $(a, b)$ 라 할 때,  $a$ 와  $b$ 는 자연수이고  $b \leq \log_2 a$ 를 만족시킨다.

(다) 삼각형 OAB의 넓이는 50 이하이다.

\* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.

제 2 교시

# 수학 영역(B형)

출수형

5지선다형

1. 두 행렬  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$ 에 대하여 행렬  $A+B$ 의 모든 성분의 합은? [2점]

- ① 5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

2.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x)}{3x}$ 의 값은? [2점]

- ① 1      ②  $\frac{1}{2}$       ③  $\frac{1}{3}$       ④  $\frac{1}{4}$       ⑤  $\frac{1}{5}$

3. 함수  $f(x) = \sin x + \sqrt{7} \cos x - \sqrt{2}$ 의 최댓값은? [2점]

- ①  $\sqrt{2}$       ②  $\sqrt{3}$       ③ 2      ④  $\sqrt{5}$       ⑤  $\sqrt{6}$

4.  $\int_0^1 3\sqrt{x} dx$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

5. 좌표공간에서 두 점  $A(2, a, -2)$ ,  $B(5, -3, b)$ 에 대하여 선분  $AB$ 를 2:1로 내분하는 점이  $x$ 축 위에 있을 때,  $a+b$ 의 값은? [3점]

- ① 10      ② 9      ③ 8      ④ 7      ⑤ 6

6. 두 일차변환  $f, g$ 를 나타내는 행렬을 각각  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ 이라 하자. 합성변환  $f \circ g$ 에 의하여 점  $(1, 2)$ 가 점  $(a, 6)$ 으로 옮겨질 때,  $a$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

7. 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_1=3$ ,  $a_2=1$ 일 때,

$\sum_{n=1}^{\infty} (a_n)^2$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{81}{8}$       ②  $\frac{83}{8}$       ③  $\frac{85}{8}$       ④  $\frac{87}{8}$       ⑤  $\frac{89}{8}$

8. 두 사건  $A, B$ 에 대하여  $A^C$ 과  $B$ 는 서로 배반사건이고

$$P(A) = 2P(B) = \frac{3}{5}$$

일 때,  $P(A \cap B^C)$ 의 값은? (단,  $A^C$ 은  $A$ 의 여사건이다.)

[3점]

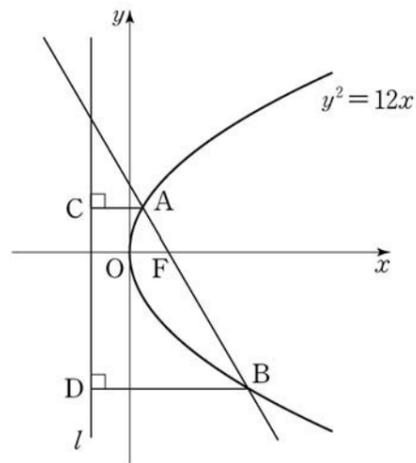
- ①  $\frac{7}{20}$     ②  $\frac{3}{10}$     ③  $\frac{1}{4}$     ④  $\frac{1}{5}$     ⑤  $\frac{3}{20}$

9. 함수  $f(x) = \frac{1}{x}$ 에 대하여  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n f\left(1 + \frac{2k}{n}\right) \frac{2}{n}$ 의 값은?

[3점]

- ①  $\ln 2$     ②  $\ln 3$     ③  $2\ln 2$     ④  $\ln 5$     ⑤  $\ln 6$

10. 그림과 같이 포물선  $y^2 = 12x$ 의 초점  $F$ 를 지나는 직선과 포물선이 만나는 두 점  $A, B$ 에서 준선  $l$ 에 내린 수선의 발을 각각  $C, D$ 라 하자.  $\overline{AC} = 4$ 일 때, 선분  $BD$ 의 길이는? [3점]



- ① 12    ②  $\frac{25}{2}$     ③ 13    ④  $\frac{27}{2}$     ⑤ 14

11. 어느 공장에서 생산되는 과자 1봉지의 무게는 평균이 75g, 표준편차가 2g인 정규분포를 따른다고 한다.

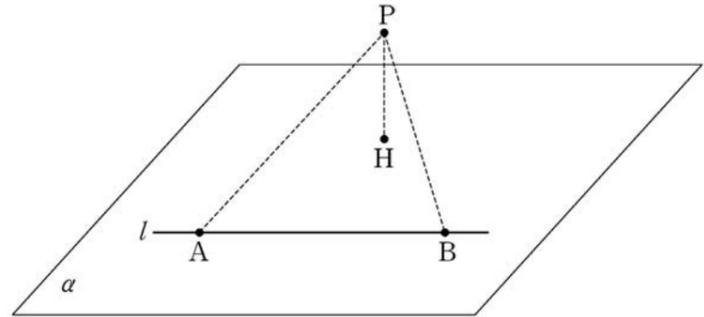
이 공장에서 생산된 과자 중 임의로 선택한 과자 1봉지의 무게가 76g 이상이고 78g 이하일 확률을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

| $z$ | $P(0 \leq Z \leq z)$ |
|-----|----------------------|
| 0.5 | 0.1915               |
| 1.0 | 0.3413               |
| 1.5 | 0.4332               |
| 2.0 | 0.4772               |

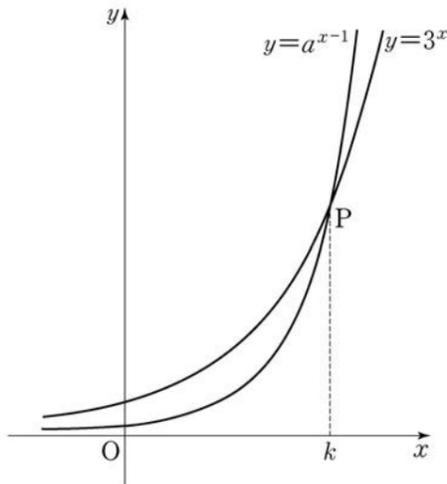
- ① 0.0440                      ② 0.0919                      ③ 0.1359
- ④ 0.1498                      ⑤ 0.2417

12. 평면  $\alpha$  위에 있는 서로 다른 두 점 A, B를 지나는 직선을  $l$ 이라 하고, 평면  $\alpha$  위에 있지 않은 점 P에서 평면  $\alpha$ 에 내린 수선의 발을 H라 하자.  $\overline{AB} = \overline{PA} = \overline{PB} = 6$ ,  $\overline{PH} = 4$ 일 때, 점 H와 직선  $l$  사이의 거리는? [3점]

- ①  $\sqrt{11}$     ②  $2\sqrt{3}$     ③  $\sqrt{13}$     ④  $\sqrt{14}$     ⑤  $\sqrt{15}$



[13~14]  $a > 3$ 인 상수  $a$ 에 대하여 두 곡선  $y = a^{x-1}$ 과  $y = 3^x$ 이 점 P에서 만난다. 점 P의  $x$ 좌표를  $k$ 라 할 때, 13번과 14번의 두 물음에 답하시오.



13.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\left(\frac{a}{3}\right)^{n+k}}{\left(\frac{a}{3}\right)^{n+1} + 1}$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

14. 점 P에서 곡선  $y = 3^x$ 에 접하는 직선이  $x$ 축과 만나는 점을 A, 점 P에서 곡선  $y = a^{x-1}$ 에 접하는 직선이  $x$ 축과 만나는 점을 B라 하자. 점  $H(k, 0)$ 에 대하여  $\overline{AH} = 2\overline{BH}$ 일 때,  $a$ 의 값은? [4점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

15. 어느 학교의 전체 학생 320명을 대상으로 수학동아리 가입 여부를 조사한 결과 남학생의 60%와 여학생의 50%가 수학동아리에 가입하였다고 한다. 이 학교의 수학동아리에 가입한 학생 중 임의로 1명을 선택할 때 이 학생이 남학생일 확률을  $p_1$ , 이 학교의 수학동아리에 가입한 학생 중 임의로 1명을 선택할 때 이 학생이 여학생일 확률을  $p_2$ 라 하자.  $p_1 = 2p_2$ 일 때, 이 학교의 남학생의 수는? [4점]

- ① 170      ② 180      ③ 190      ④ 200      ⑤ 210

16. 두 이차정사각행렬  $A, B$ 가

$$A^2 - AB = 3E, \quad A^2B - B^2A = A + B$$

를 만족시킬 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단,  $E$ 는 단위행렬이다.) [4점]

—<보 기>—

- ㄱ.  $A$ 의 역행렬이 존재한다.  
 ㄴ.  $AB = BA$   
 ㄷ.  $(A + 2B)^2 = 24E$

- ① ㄱ                      ② ㄷ                      ③ ㄱ, ㄴ  
 ④ ㄴ, ㄷ                ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

17. 수열  $\{a_n\}$ 은  $a_1=1$ 이고,  $S_n = \sum_{k=1}^n a_k$ 라 할 때,

$$a_{n+1} = (n+1)S_n + n! \quad (n \geq 1)$$

을 만족시킨다. 다음은 일반항  $a_n$ 을 구하는 과정이다.

자연수  $n$ 에 대하여  $a_{n+1} = S_{n+1} - S_n$ 이므로 주어진 식에 의하여

$$S_{n+1} = (n+2)S_n + n! \quad (n \geq 1)$$

이다. 양변을  $(n+2)!$ 로 나누면

$$\frac{S_{n+1}}{(n+2)!} = \frac{S_n}{(n+1)!} + \frac{1}{(n+1)(n+2)}$$

이다.  $b_n = \frac{S_n}{(n+1)!}$ 이라 하면  $b_1 = \frac{1}{2}$ 이고

$$b_{n+1} = b_n + \frac{1}{(n+1)(n+2)}$$

이다. 수열  $\{b_n\}$ 의 일반항을 구하면

$$b_n = \frac{\boxed{\text{가}}}{n+1}$$

이므로

$$S_n = \boxed{\text{가}} \times n!$$

이다. 그러므로

$$a_n = \boxed{\text{나}} \times (n-1)! \quad (n \geq 1)$$

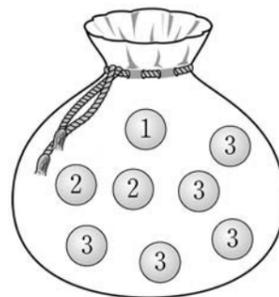
이다.

위의 (가), (나)에 알맞은 식을 각각  $f(n)$ ,  $g(n)$ 이라 할 때,  $f(7)+g(6)$ 의 값은? [4점]

- ① 44      ② 41      ③ 38      ④ 35      ⑤ 32

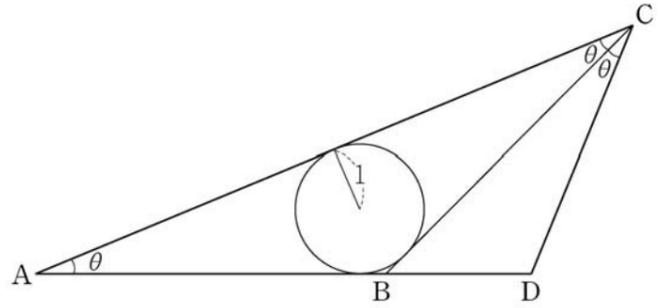
18. 주머니 속에 1의 숫자가 적혀 있는 공 1개, 2의 숫자가 적혀 있는 공 2개, 3의 숫자가 적혀 있는 공 5개가 들어 있다. 이 주머니에서 임의로 1개의 공을 꺼내어 공에 적혀 있는 수를 확인한 후 다시 넣는다. 이와 같은 시행을 2번 반복할 때, 꺼낸 공에 적혀 있는 수의 평균을  $\bar{X}$ 라 하자.  $P(\bar{X}=2)$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{5}{32}$       ②  $\frac{11}{64}$       ③  $\frac{3}{16}$       ④  $\frac{13}{64}$       ⑤  $\frac{7}{32}$



19. 좌표공간에서 직선  $l: \frac{x}{2} = 6 - y = z - 6$  과 평면  $\alpha$  가 점  $P(2, 5, 7)$  에서 수직으로 만난다. 직선  $l$  위의 점  $A(a, b, c)$  와 평면  $\alpha$  위의 점  $Q$  에 대하여  $\overrightarrow{AP} \cdot \overrightarrow{AQ} = 6$  일 때,  $a+b+c$  의 값은? (단,  $a > 0$ ) [4점]
- ① 15      ② 16      ③ 17      ④ 18      ⑤ 19

20. 그림과 같이 반지름의 길이가 1인 원에 외접하고  $\angle CAB = \angle BCA = \theta$  인 이등변삼각형  $ABC$  가 있다. 선분  $AB$  의 연장선 위에 점  $A$  가 아닌 점  $D$  를  $\angle DCB = \theta$  가 되도록 잡는다. 삼각형  $BDC$  의 넓이를  $S(\theta)$  라 할 때,  $\lim_{\theta \rightarrow +0} \{\theta \times S(\theta)\}$  의 값은? (단,  $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$ ) [4점]



- ①  $\frac{2}{3}$       ②  $\frac{8}{9}$       ③  $\frac{10}{9}$       ④  $\frac{4}{3}$       ⑤  $\frac{14}{9}$

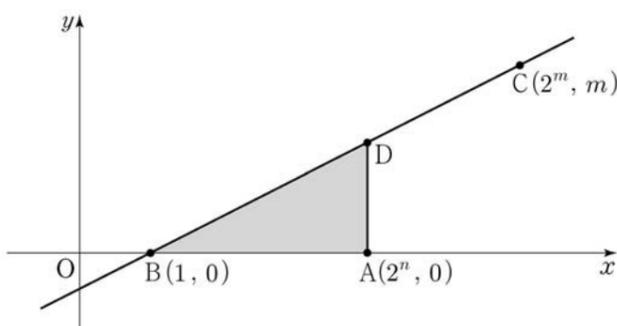
21. 자연수  $n$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 가장 작은

자연수  $m$ 을  $a_n$ 이라 할 때,  $\sum_{n=1}^{10} a_n$ 의 값은? [4점]

(가) 점 A의 좌표는  $(2^n, 0)$ 이다.

(나) 두 점 B(1, 0)과 C( $2^m$ ,  $m$ )을 지나는 직선 위의 점 중  $x$ 좌표가  $2^n$ 인 점을 D라 할 때, 삼각형 ABD의 넓이는  $\frac{m}{2}$ 보다 작거나 같다.

- ① 109    ② 111    ③ 113    ④ 115    ⑤ 117



단답형

22. 로그방정식  $\log_2(x+6) = 5$ 의 해를 구하시오. [3점]

23. 함수  $f(x) = \cos x + 4e^{2x}$ 에 대하여  $f'(0)$ 의 값을 구하시오. [3점]

24. 무리방정식  $x^2 - 6x - \sqrt{x^2 - 6x - 1} = 3$ 의 모든 실근의 곱을  $k$ 라 할 때,  $k^2$ 의 값을 구하시오. [3점]

26. 다음 조건을 만족시키는 자연수  $a, b, c$ 의 모든 순서쌍  $(a, b, c)$ 의 개수를 구하시오. [4점]

(가)  $a \times b \times c$ 는 홀수이다.

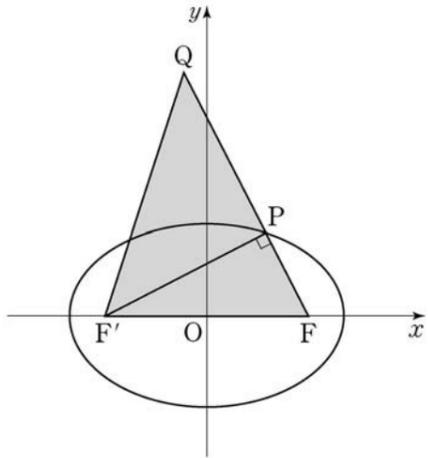
(나)  $a \leq b \leq c \leq 20$

25. 디지털 사진을 압축할 때 원본 사진과 압축한 사진의 다른 정도를 나타내는 지표인 최대 신호 대 잡음비를  $P$ , 원본 사진과 압축한 사진의 평균제곱오차를  $E$ 라 하면 다음과 같은 관계식이 성립한다고 한다.

$$P = 20 \log 255 - 10 \log E \quad (E > 0)$$

두 원본 사진  $A, B$ 를 압축했을 때 최대 신호 대 잡음비를 각각  $P_A, P_B$ 라 하고, 평균제곱오차를 각각  $E_A (E_A > 0), E_B (E_B > 0)$ 이라 하자.  $E_B = 100E_A$ 일 때,  $P_A - P_B$ 의 값을 구하시오. [3점]

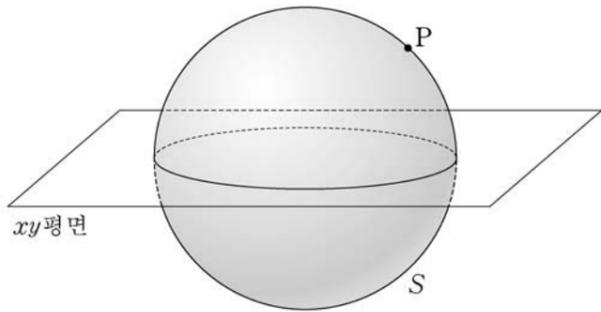
27. 타원  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$ 의 두 초점 중  $x$ 좌표가 양수인 점을  $F$ , 음수인 점을  $F'$ 이라 하자. 이 타원 위의 점  $P$ 를  $\angle FPF' = \frac{\pi}{2}$ 가 되도록 제1사분면에서 잡고, 선분  $FP$ 의 연장선 위에  $y$ 좌표가 양수인 점  $Q$ 를  $\overline{FQ} = 6$ 이 되도록 잡는다. 삼각형  $QF'F$ 의 넓이를 구하시오. [4점]



28. 양수  $a$ 에 대하여 함수  $f(x) = \int_0^x (a-t)e^t dt$ 의 최댓값이 32이다. 곡선  $y = 3e^x$ 과 두 직선  $x = a, y = 3$ 으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하시오. [4점]

29. 좌표공간에 구  $S: x^2 + y^2 + z^2 = 50$  과 점  $P(0, 5, 5)$ 가 있다. 다음 조건을 만족시키는 모든 원  $C$ 에 대하여  $C$ 의  $xy$ 평면 위로의 정사영의 넓이의 최댓값을  $\frac{q}{p}\pi$ 라 하자.  $p+q$ 의 값을 구하시오. (단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- (가) 원  $C$ 는 점  $P$ 를 지나는 평면과 구  $S$ 가 만나서 생긴다.
- (나) 원  $C$ 의 반지름의 길이는 1이다.



30. 함수  $f(x) = e^{x+1} - 1$  과 자연수  $n$ 에 대하여 함수  $g(x)$ 를

$$g(x) = 100|f(x)| - \sum_{k=1}^n |f(x^k)|$$

이라 하자.  $g(x)$ 가 실수 전체의 집합에서 미분가능하도록 하는 모든 자연수  $n$ 의 값의 합을 구하시오. [4점]

\* 확인 사항  
 ○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.

제 2 교시

# 수학 영역(B형)

짜수형

5지선다형

1. 두 행렬  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$ 에 대하여 행렬  $A+B$ 의 모든 성분의 합은? [2점]
- ① 5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

2.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x)}{3x}$ 의 값은? [2점]
- ① 1      ②  $\frac{1}{2}$       ③  $\frac{1}{3}$       ④  $\frac{1}{4}$       ⑤  $\frac{1}{5}$

3. 함수  $f(x) = \sin x + \sqrt{7} \cos x - \sqrt{2}$ 의 최댓값은? [2점]

- ①  $\sqrt{2}$       ②  $\sqrt{3}$       ③ 2      ④  $\sqrt{5}$       ⑤  $\sqrt{6}$

4.  $\int_0^1 3\sqrt{x} dx$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

5. 좌표공간에서 두 점  $A(2, a, -2)$ ,  $B(5, -3, b)$ 에 대하여 선분  $AB$ 를 2:1로 내분하는 점이  $x$ 축 위에 있을 때,  $a+b$ 의 값은? [3점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

6. 두 일차변환  $f, g$ 를 나타내는 행렬을 각각  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ 이라 하자. 합성변환  $f \circ g$ 에 의하여 점  $(1, 2)$ 가 점  $(a, 6)$ 으로 옮겨질 때,  $a$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

7. 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_1=3$ ,  $a_2=1$ 일 때,

$\sum_{n=1}^{\infty} (a_n)^2$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{89}{8}$       ②  $\frac{87}{8}$       ③  $\frac{85}{8}$       ④  $\frac{83}{8}$       ⑤  $\frac{81}{8}$

8. 두 사건  $A, B$ 에 대하여  $A^C$ 과  $B$ 는 서로 배반사건이고

$$P(A) = 2P(B) = \frac{3}{5}$$

일 때,  $P(A \cap B^C)$ 의 값은? (단,  $A^C$ 은  $A$ 의 여사건이다.)

[3점]

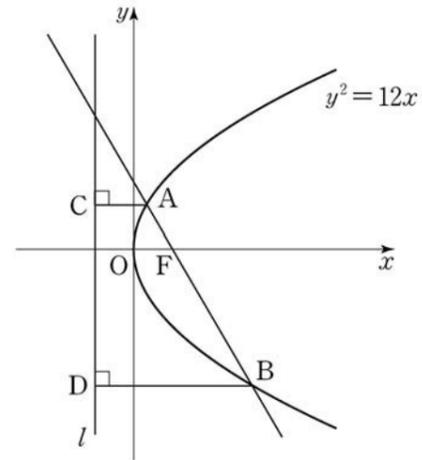
- ①  $\frac{3}{20}$     ②  $\frac{1}{5}$     ③  $\frac{1}{4}$     ④  $\frac{3}{10}$     ⑤  $\frac{7}{20}$

9. 함수  $f(x) = \frac{1}{x}$ 에 대하여  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n f\left(1 + \frac{2k}{n}\right) \frac{2}{n}$ 의 값은?

[3점]

- ①  $\ln 6$     ②  $\ln 5$     ③  $2\ln 2$     ④  $\ln 3$     ⑤  $\ln 2$

10. 그림과 같이 포물선  $y^2 = 12x$ 의 초점  $F$ 를 지나는 직선과 포물선이 만나는 두 점  $A, B$ 에서 준선  $l$ 에 내린 수선의 발을 각각  $C, D$ 라 하자.  $\overline{AC} = 4$ 일 때, 선분  $BD$ 의 길이는? [3점]



- ① 12    ②  $\frac{25}{2}$     ③ 13    ④  $\frac{27}{2}$     ⑤ 14

11. 어느 공장에서 생산되는 과자 1봉지의 무게는 평균이 75g, 표준편차가 2g인 정규분포를 따른다고 한다.

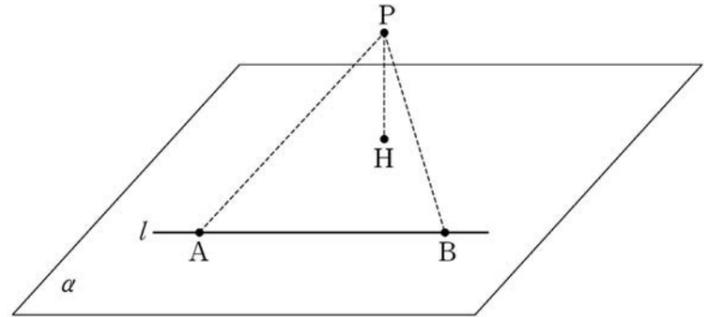
이 공장에서 생산된 과자 중 임의로 선택한 과자 1봉지의 무게가 76g 이상이고 78g 이하일 확률을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

| $z$ | $P(0 \leq Z \leq z)$ |
|-----|----------------------|
| 0.5 | 0.1915               |
| 1.0 | 0.3413               |
| 1.5 | 0.4332               |
| 2.0 | 0.4772               |

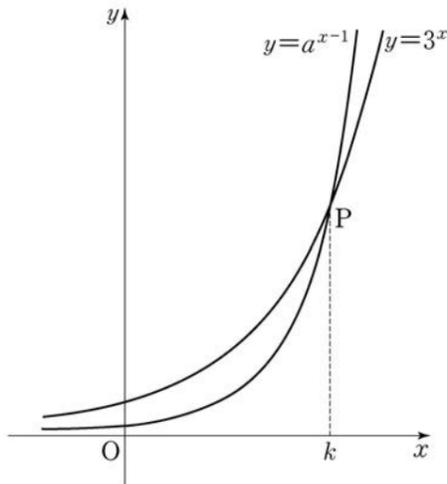
- ① 0.0440                      ② 0.0919                      ③ 0.1359
- ④ 0.1498                      ⑤ 0.2417

12. 평면  $\alpha$  위에 있는 서로 다른 두 점 A, B를 지나는 직선을  $l$ 이라 하고, 평면  $\alpha$  위에 있지 않은 점 P에서 평면  $\alpha$ 에 내린 수선의 발을 H라 하자.  $\overline{AB} = \overline{PA} = \overline{PB} = 6$ ,  $\overline{PH} = 4$ 일 때, 점 H와 직선  $l$  사이의 거리는? [3점]

- ①  $\sqrt{11}$     ②  $2\sqrt{3}$     ③  $\sqrt{13}$     ④  $\sqrt{14}$     ⑤  $\sqrt{15}$



[13~14]  $a > 3$ 인 상수  $a$ 에 대하여 두 곡선  $y = a^{x-1}$ 과  $y = 3^x$ 이 점 P에서 만난다. 점 P의  $x$ 좌표를  $k$ 라 할 때, 13번과 14번의 두 물음에 답하시오.



13.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\left(\frac{a}{3}\right)^{n+k}}{\left(\frac{a}{3}\right)^{n+1} + 1}$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

14. 점 P에서 곡선  $y = 3^x$ 에 접하는 직선이  $x$ 축과 만나는 점을 A, 점 P에서 곡선  $y = a^{x-1}$ 에 접하는 직선이  $x$ 축과 만나는 점을 B라 하자. 점  $H(k, 0)$ 에 대하여  $\overline{AH} = 2\overline{BH}$ 일 때,  $a$ 의 값은? [4점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

15. 어느 학교의 전체 학생 320명을 대상으로 수학동아리 가입 여부를 조사한 결과 남학생의 60%와 여학생의 50%가 수학동아리에 가입하였다고 한다. 이 학교의 수학동아리에 가입한 학생 중 임의로 1명을 선택할 때 이 학생이 남학생일 확률을  $p_1$ , 이 학교의 수학동아리에 가입한 학생 중 임의로 1명을 선택할 때 이 학생이 여학생일 확률을  $p_2$ 라 하자.  $p_1 = 2p_2$ 일 때, 이 학교의 남학생의 수는? [4점]

- ① 210    ② 200    ③ 190    ④ 180    ⑤ 170

16. 두 이차정사각행렬  $A, B$ 가

$$A^2 - AB = 3E, \quad A^2B - B^2A = A + B$$

를 만족시킬 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단,  $E$ 는 단위행렬이다.) [4점]

—<보 기>—

- ㄱ.  $A$ 의 역행렬이 존재한다.  
 ㄴ.  $AB = BA$   
 ㄷ.  $(A + 2B)^2 = 24E$

- ① ㄱ                      ② ㄷ                      ③ ㄱ, ㄴ  
 ④ ㄴ, ㄷ                ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

17. 수열  $\{a_n\}$ 은  $a_1=1$ 이고,  $S_n = \sum_{k=1}^n a_k$ 라 할 때,

$$a_{n+1} = (n+1)S_n + n! \quad (n \geq 1)$$

을 만족시킨다. 다음은 일반항  $a_n$ 을 구하는 과정이다.

자연수  $n$ 에 대하여  $a_{n+1} = S_{n+1} - S_n$ 이므로 주어진 식에 의하여

$$S_{n+1} = (n+2)S_n + n! \quad (n \geq 1)$$

이다. 양변을  $(n+2)!$ 로 나누면

$$\frac{S_{n+1}}{(n+2)!} = \frac{S_n}{(n+1)!} + \frac{1}{(n+1)(n+2)}$$

이다.  $b_n = \frac{S_n}{(n+1)!}$ 이라 하면  $b_1 = \frac{1}{2}$ 이고

$$b_{n+1} = b_n + \frac{1}{(n+1)(n+2)}$$

이다. 수열  $\{b_n\}$ 의 일반항을 구하면

$$b_n = \frac{\boxed{\text{가}}}{n+1}$$

이므로

$$S_n = \boxed{\text{가}} \times n!$$

이다. 그러므로

$$a_n = \boxed{\text{나}} \times (n-1)! \quad (n \geq 1)$$

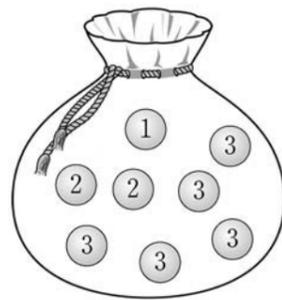
이다.

위의 (가), (나)에 알맞은 식을 각각  $f(n)$ ,  $g(n)$ 이라 할 때,  $f(7)+g(6)$ 의 값은? [4점]

- ① 32      ② 35      ③ 38      ④ 41      ⑤ 44

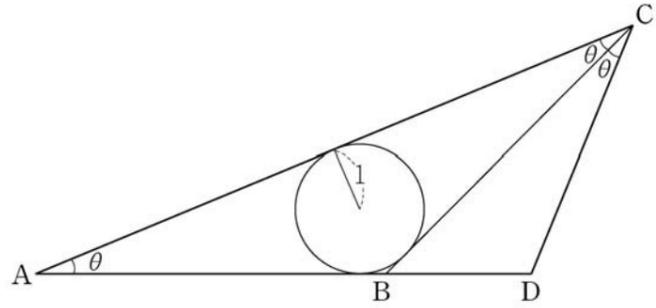
18. 주머니 속에 1의 숫자가 적혀 있는 공 1개, 2의 숫자가 적혀 있는 공 2개, 3의 숫자가 적혀 있는 공 5개가 들어 있다. 이 주머니에서 임의로 1개의 공을 꺼내어 공에 적혀 있는 수를 확인한 후 다시 넣는다. 이와 같은 시행을 2번 반복할 때, 꺼낸 공에 적혀 있는 수의 평균을  $\bar{X}$ 라 하자.  $P(\bar{X}=2)$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{7}{32}$       ②  $\frac{13}{64}$       ③  $\frac{3}{16}$       ④  $\frac{11}{64}$       ⑤  $\frac{5}{32}$



19. 좌표공간에서 직선  $l: \frac{x}{2} = 6 - y = z - 6$  과 평면  $\alpha$  가 점  $P(2, 5, 7)$  에서 수직으로 만난다. 직선  $l$  위의 점  $A(a, b, c)$  와 평면  $\alpha$  위의 점  $Q$  에 대하여  $\overrightarrow{AP} \cdot \overrightarrow{AQ} = 6$  일 때,  $a+b+c$  의 값은? (단,  $a > 0$ ) [4점]
- ① 15      ② 16      ③ 17      ④ 18      ⑤ 19

20. 그림과 같이 반지름의 길이가 1인 원에 외접하고  $\angle CAB = \angle BCA = \theta$  인 이등변삼각형  $ABC$  가 있다. 선분  $AB$  의 연장선 위에 점  $A$  가 아닌 점  $D$  를  $\angle DCB = \theta$  가 되도록 잡는다. 삼각형  $BDC$  의 넓이를  $S(\theta)$  라 할 때,  $\lim_{\theta \rightarrow +0} \{\theta \times S(\theta)\}$  의 값은? (단,  $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$ ) [4점]



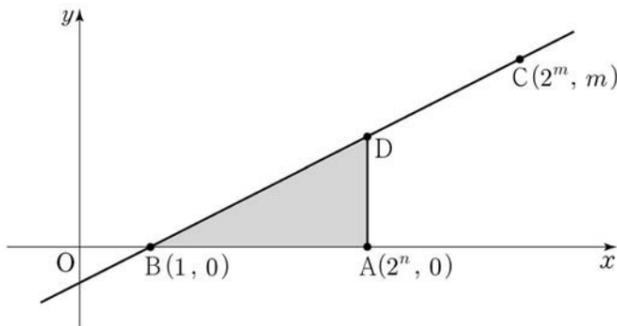
- ①  $\frac{2}{3}$       ②  $\frac{8}{9}$       ③  $\frac{10}{9}$       ④  $\frac{4}{3}$       ⑤  $\frac{14}{9}$

21. 자연수  $n$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 가장 작은

자연수  $m$ 을  $a_n$ 이라 할 때,  $\sum_{n=1}^{10} a_n$ 의 값은? [4점]

- (가) 점 A의 좌표는  $(2^n, 0)$ 이다.  
 (나) 두 점 B(1, 0)과 C( $2^m$ ,  $m$ )을 지나는 직선 위의 점 중  $x$ 좌표가  $2^n$ 인 점을 D라 할 때, 삼각형 ABD의 넓이는  $\frac{m}{2}$ 보다 작거나 같다.

- ① 109    ② 111    ③ 113    ④ 115    ⑤ 117



단답형

22. 로그방정식  $\log_2(x+6) = 5$ 의 해를 구하시오. [3점]

23. 함수  $f(x) = \cos x + 4e^{2x}$ 에 대하여  $f'(0)$ 의 값을 구하시오. [3점]

24. 무리방정식  $x^2 - 6x - \sqrt{x^2 - 6x - 1} = 3$ 의 모든 실근의 곱을  $k$ 라 할 때,  $k^2$ 의 값을 구하시오. [3점]

26. 다음 조건을 만족시키는 자연수  $a, b, c$ 의 모든 순서쌍  $(a, b, c)$ 의 개수를 구하시오. [4점]

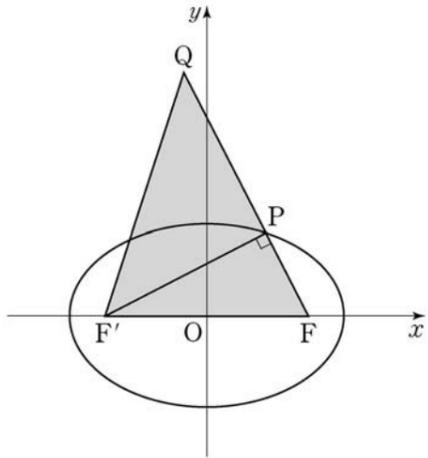
- (가)  $a \times b \times c$ 는 홀수이다.  
 (나)  $a \leq b \leq c \leq 20$

25. 디지털 사진을 압축할 때 원본 사진과 압축한 사진의 다른 정도를 나타내는 지표인 최대 신호 대 잡음비를  $P$ , 원본 사진과 압축한 사진의 평균제곱오차를  $E$ 라 하면 다음과 같은 관계식이 성립한다고 한다.

$$P = 20 \log 255 - 10 \log E \quad (E > 0)$$

두 원본 사진  $A, B$ 를 압축했을 때 최대 신호 대 잡음비를 각각  $P_A, P_B$ 라 하고, 평균제곱오차를 각각  $E_A (E_A > 0)$ ,  $E_B (E_B > 0)$ 이라 하자.  $E_B = 100E_A$ 일 때,  $P_A - P_B$ 의 값을 구하시오. [3점]

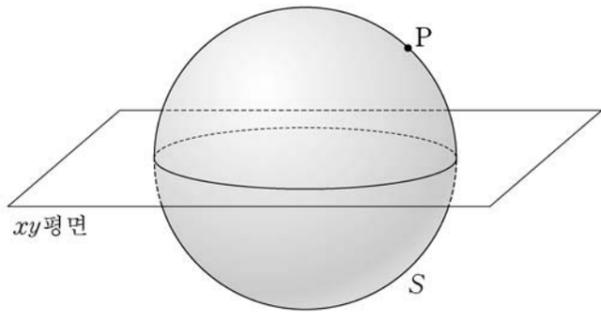
27. 타원  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$ 의 두 초점 중  $x$ 좌표가 양수인 점을  $F$ , 음수인 점을  $F'$ 이라 하자. 이 타원 위의 점  $P$ 를  $\angle FPF' = \frac{\pi}{2}$ 가 되도록 제1사분면에서 잡고, 선분  $FP$ 의 연장선 위에  $y$ 좌표가 양수인 점  $Q$ 를  $\overline{FQ} = 6$ 이 되도록 잡는다. 삼각형  $QF'F$ 의 넓이를 구하시오. [4점]



28. 양수  $a$ 에 대하여 함수  $f(x) = \int_0^x (a-t)e^t dt$ 의 최댓값이 32이다. 곡선  $y = 3e^x$ 과 두 직선  $x = a, y = 3$ 으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하시오. [4점]

29. 좌표공간에 구  $S: x^2 + y^2 + z^2 = 50$  과 점  $P(0, 5, 5)$  가 있다. 다음 조건을 만족시키는 모든 원  $C$  에 대하여  $C$  의  $xy$  평면 위로의 정사영의 넓이의 최댓값을  $\frac{q}{p}\pi$  라 하자.  $p+q$  의 값을 구하시오. (단,  $p$  와  $q$  는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- (가) 원  $C$  는 점  $P$  를 지나는 평면과 구  $S$  가 만나서 생긴다.
- (나) 원  $C$  의 반지름의 길이는 1이다.



30. 함수  $f(x) = e^{x+1} - 1$  과 자연수  $n$  에 대하여 함수  $g(x)$  를

$$g(x) = 100|f(x)| - \sum_{k=1}^n |f(x^k)|$$

이라 하자.  $g(x)$  가 실수 전체의 집합에서 미분가능하도록 하는 모든 자연수  $n$  의 값의 합을 구하시오. [4점]

\* 확인 사항  
 ○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.

# 2015학년도 대학수학능력시험

## 수학 영역 정답표 ( A형 ) 과목 ( 홀수 ) 형

| 문항<br>번호 | 정 답 | 배 점 |
|----------|-----|-----|----------|-----|-----|----------|-----|-----|----------|-----|-----|
| 1        | ①   | 2   | 9        | ②   | 3   | 17       | ④   | 4   | 25       | 20  | 3   |
| 2        | ⑤   | 2   | 10       | ③   | 3   | 18       | ②   | 4   | 26       | 12  | 4   |
| 3        | ④   | 2   | 11       | ①   | 3   | 19       | ⑤   | 4   | 27       | 5   | 4   |
| 4        | ③   | 3   | 12       | ②   | 3   | 20       | ①   | 4   | 28       | 33  | 4   |
| 5        | ④   | 3   | 13       | ③   | 3   | 21       | ⑤   | 4   | 29       | 16  | 4   |
| 6        | ③   | 3   | 14       | ①   | 4   | 22       | 7   | 3   | 30       | 120 | 4   |
| 7        | ②   | 3   | 15       | ⑤   | 4   | 23       | 11  | 3   |          |     |     |
| 8        | ④   | 3   | 16       | ⑤   | 4   | 24       | 54  | 3   |          |     |     |

2015학년도 대학수학능력시험

수학 영역 정답표  
( A형 ) 과목 ( 짝수 ) 형

| 문항<br>번호 | 정 답 | 배 점 |
|----------|-----|-----|----------|-----|-----|----------|-----|-----|----------|-----|-----|
| 1        | ①   | 2   | 9        | ④   | 3   | 17       | ④   | 4   | 25       | 20  | 3   |
| 2        | ⑤   | 2   | 10       | ③   | 3   | 18       | ②   | 4   | 26       | 12  | 4   |
| 3        | ④   | 2   | 11       | ⑤   | 3   | 19       | ⑤   | 4   | 27       | 5   | 4   |
| 4        | ③   | 3   | 12       | ②   | 3   | 20       | ①   | 4   | 28       | 33  | 4   |
| 5        | ②   | 3   | 13       | ③   | 3   | 21       | ⑤   | 4   | 29       | 16  | 4   |
| 6        | ③   | 3   | 14       | ①   | 4   | 22       | 7   | 3   | 30       | 120 | 4   |
| 7        | ②   | 3   | 15       | ⑤   | 4   | 23       | 11  | 3   |          |     |     |
| 8        | ④   | 3   | 16       | ①   | 4   | 24       | 54  | 3   |          |     |     |

2015학년도 대학수학능력시험

수학 영역 정답표  
( B형 ) 과목 ( 홀수 ) 형

| 문항<br>번호 | 정 답 | 배 점 |
|----------|-----|-----|----------|-----|-----|----------|-----|-----|----------|-----|-----|
| 1        | ⑤   | 2   | 9        | ②   | 3   | 17       | ③   | 4   | 25       | 20  | 3   |
| 2        | ③   | 2   | 10       | ①   | 3   | 18       | ⑤   | 4   | 26       | 220 | 4   |
| 3        | ①   | 2   | 11       | ⑤   | 3   | 19       | ②   | 4   | 27       | 12  | 4   |
| 4        | ②   | 3   | 12       | ①   | 3   | 20       | ④   | 4   | 28       | 96  | 4   |
| 5        | ④   | 3   | 13       | ③   | 3   | 21       | ①   | 4   | 29       | 9   | 4   |
| 6        | ③   | 3   | 14       | ④   | 4   | 22       | 26  | 3   | 30       | 39  | 4   |
| 7        | ①   | 3   | 15       | ④   | 4   | 23       | 8   | 3   |          |     |     |
| 8        | ②   | 3   | 16       | ⑤   | 4   | 24       | 25  | 3   |          |     |     |

2015학년도 대학수학능력시험

수학 영역 정답표  
( B형 ) 과목 ( 짝수 ) 형

| 문항<br>번호 | 정 답 | 배 점 |
|----------|-----|-----|----------|-----|-----|----------|-----|-----|----------|-----|-----|
| 1        | ⑤   | 2   | 9        | ④   | 3   | 17       | ③   | 4   | 25       | 20  | 3   |
| 2        | ③   | 2   | 10       | ①   | 3   | 18       | ①   | 4   | 26       | 220 | 4   |
| 3        | ①   | 2   | 11       | ⑤   | 3   | 19       | ②   | 4   | 27       | 12  | 4   |
| 4        | ②   | 3   | 12       | ①   | 3   | 20       | ④   | 4   | 28       | 96  | 4   |
| 5        | ②   | 3   | 13       | ③   | 3   | 21       | ①   | 4   | 29       | 9   | 4   |
| 6        | ③   | 3   | 14       | ④   | 4   | 22       | 26  | 3   | 30       | 39  | 4   |
| 7        | ⑤   | 3   | 15       | ②   | 4   | 23       | 8   | 3   |          |     |     |
| 8        | ④   | 3   | 16       | ⑤   | 4   | 24       | 25  | 3   |          |     |     |